

Moto parabolico.

Equazione oraria

$$\begin{cases} x = v_{0x}t \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{oy}t + h \end{cases}$$

legge della velocità

$$\begin{cases} v_x = v_{0x} \\ v_y = -gt + v_{oy} \end{cases}$$

accelerazione

$$\begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases}$$

Traiettoria

$$\begin{cases} t = \frac{x}{v_{0x}} \\ y = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{v_{0x}^2} + \frac{v_{oy}}{v_{0x}}x + h \end{cases}$$

Traiettoria

$$y = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{v_{0x}^2} + \frac{v_{oy}}{v_{0x}}x + h$$

Velocità (tangente la traiettoria)

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{v_x^2 + (-gt + v_{oy})^2} = \sqrt{v_x^2 + v_{oy}^2 + g^2t^2 - 2gt} = \text{Mettendo in evidenza } 2g$$

$$v = \sqrt{v_{0x}^2 + v_{0y}^2 - 2g(-\frac{1}{2}gt^2 + tv_{oy})} = \sqrt{v_0^2 - 2g(y-h)}$$

La gittata di un corpo la calcolo per y=0

$$\begin{cases} y = 0 \\ y = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{v_{0x}^2} + \frac{v_{oy}}{v_{0x}}x + h \end{cases}$$

$$gx^2 - 2v_{oy}v_{0x}x - 2hv_{0x}^2 = 0 \quad x = \frac{v_{oy}v_{0x} \pm \sqrt{v_{oy}^2v_{0x}^2 + 2hgv_{0x}^2}}{g} = \frac{v_{oy}v_{0x}}{g} \pm \frac{v_{0x}\sqrt{v_{oy}^2 + 2hg}}{g}$$

Gittata $x = \frac{v_{oy}v_{0x}}{g} + \frac{v_{0x}\sqrt{v_{oy}^2 + 2hg}}{g}$

$$\begin{cases} t = \frac{x}{v_{0x}} \\ t = \frac{v_{oy}}{g} \pm \frac{\sqrt{v_{oy}^2 + 2hg}}{g} \end{cases} \quad \begin{cases} v_x = v_{0x} \\ v_y = \sqrt{v_{oy}^2 + 2hg} \end{cases}$$

Velocità di caduta $v = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$

L'altezza massima la calcolo per

$$v_y = -gt + v_{oy} = 0 \text{ da cui } t = \frac{v_{oy}}{g}$$

$$\begin{cases} x = \frac{v_{0x}v_{oy}}{g} \\ y = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{v_{0x}^2} + \frac{v_{oy}}{v_{0x}}x + h \end{cases} \quad \begin{cases} x = \frac{v_{0x}v_{oy}}{g} \\ y = -\frac{1}{2} \frac{v_{oy}^2}{g} + \frac{v_{oy}^2}{g} + h = \frac{1}{2} \frac{v_{oy}^2}{g} + h \end{cases} \quad \begin{cases} x = \frac{v_{0x}v_{oy}}{g} \\ y_{Max} = \frac{1}{2} \frac{v_{oy}^2}{g} + h \end{cases} \quad \begin{cases} v_x = v_{0x} \\ v_y = 0 \end{cases}$$



